

Olika sätt att skriva formelerna som beskriver antal kärnor (N) och aktivitet (A) som funktion av tiden.

Bok/häfte	Formelsamlingen	Matten
$N = N_0 \left(\frac{1}{2}\right)^{\frac{t}{T}}$ (1)	$N = N_0 e^{-\lambda t}$, (2)	$y = C \cdot a^x$ <p>↑ antal kärnor massa aktivitet</p> <p>↑ tid</p> <p>Vet: $y = N_0$ då $x = 0$ $y = \frac{N_0}{2}$ då $x = T$</p>
$A = A_0 \left(\frac{1}{2}\right)^{\frac{t}{T}}$ (3)	<p>där $\lambda = \frac{\ln 2}{T}$</p> <p>↑ sänderfallskonstanten</p> $A = A_0 e^{-\lambda t}$ (4)	

Övergång från (1) till (2):

$$N = N_0 \left(\frac{1}{2}\right)^{\frac{t}{T}} = N_0 \left(e^{\ln \frac{1}{2}}\right)^{\frac{t}{T}} = N_0 \left(e^{-\ln 2}\right)^{\frac{t}{T}} = N_0 e^{-\frac{\ln 2}{T} t} = N_0 e^{-\lambda t}$$

$a = e^{\ln a}$ $\ln \frac{1}{2} = \ln 1 - \ln 2 = 0 - \ln 2 = -\ln 2$ Låt $\frac{\ln 2}{T} = \lambda$

EH intressant samband

Definitionen av aktivitet, $A = -\frac{dN}{dt}$, ger

$$A = -\frac{dN}{dt} = -N_0 e^{-\lambda t} \cdot (-\lambda) = \lambda \underbrace{N_0 e^{-\lambda t}}_N = \begin{cases} A_0 e^{-\lambda t}, \text{ där } A_0 = \lambda N_0 \\ \lambda N \end{cases}$$

Delta är (4) i tabellen ovan.

Alltså är $A(t) = \lambda N(t)$, vilket innebär att sänderfallshastigheten är proportionell mot antalet kärnor, med sänderfallskonstanten λ som proportionalitetskonstant.