

4129

Bestäm a och b så att

$$y = a \cos x + b \sin x \quad (1)$$

blir en lösning till

$$y'' - 4y' + 4y = \cos x \quad (*)$$

Börja med att derivera (1):

$$y' = -a \sin x + b \cos x \quad (2)$$

$$y'' = -a \cos x - b \sin x \quad (3)$$

Insättning av (1), (2) och (3) i (*) ger vi

$$-a \cos x - b \sin x - 4(-a \sin x + b \cos x) + 4(a \cos x + b \sin x) = \cos x$$

$$\underline{-a \cos x} - b \sin x + 4a \sin x - \underline{4b \cos x} + \underline{4a \cos x} + 4b \sin x = \cos x$$

$$(3a - 4b) \cos x + (4a + 3b) \sin x = \cos x$$

Nu ser vi att VL = HL för alla x endast om

$$\begin{cases} 3a - 4b = 1 & | \cdot 3 \\ 4a + 3b = 0 & | \cdot 4 \end{cases} \quad (5)$$

$$\begin{cases} 9a - 12b = 3 \\ 16a + 12b = 0 \end{cases}$$

Addera ledvis

$$25a = 3$$

$$a = 0,12$$

Insättning i (5) ger

$$4 \cdot 0,12 + 3b = 0$$

$$b = -0,16$$

Svar: $a = 0,12$; $b = -0,16$