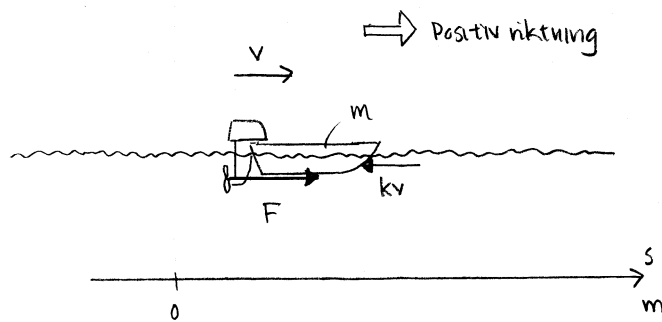


4227



$$m = 160 \text{ kg}$$

$$F = 200 \text{ N}$$

$$k = 30 \text{ N s/m}$$

$$v(0) = \underbrace{1,5 \text{ m/s}}_{v_0}$$

Båtens hastighet fås ur differentialekvationen

$$m \frac{dv}{dt} = F - kv$$

som kan skrivas

$$mv' + kv = F$$

$$v' + \frac{k}{m}v = \frac{F}{m} \quad (*)$$

Partikulärlösning

Ansätt $v(t) = A$ Då är $v'(t) = 0$. Insättning i (*) ger

$$0 + \frac{k}{m}A = \frac{F}{m} \Leftrightarrow A = \frac{F}{k}$$

Alltså

$$v_p = \frac{F}{k}$$

$$[1 \text{ N} = 1 \text{ kg m/s}^2]$$

$$\left[\frac{\text{Ns}}{\text{m kg}} \cdot \text{s} = \frac{\text{kg m s}}{\text{s}^2 \text{ m kg}} \right]$$

ok!

$$A = 6,667$$

$$v_p = 6,667$$

Lösning till homogena ekvationen

$$v' + \frac{k}{m}v = 0 \text{ har lösn. } y_h = Ce^{-\frac{k}{m}t}$$

Allmän lösning till (*)

$$v(t) = Ce^{-\frac{k}{m}t} + \frac{F}{k}$$

$$v(t) = Ce^{-0,1875t} + 6,667$$

Newton II
 $ma = R$

Med värden insatta:

$$v' + 0,1875v = 1,25$$

4227

(forts)

Begynnelsevillkoret $v(0) = v_0$ ger

$$v_0 = c \underbrace{e^{-\frac{k}{m} \cdot 0}}_1 + \frac{F}{k}$$

$$c = v_0 - \frac{F}{k}$$

$$c = -5,167$$

Vi får till sist

$$v(t) = \left(v_0 - \frac{F}{k} \right) e^{-\frac{k}{m} t} + \frac{F}{k}$$

$$v(t) = -5,167 e^{-0,1875t} + 6,667$$

Insättning av värden ger sökta hastigheten

$$v = \left(\left(1,5 - \frac{200}{30} \right) e^{-\frac{30}{160} \cdot 7,5} + \frac{200}{30} \right) \text{ m/s} = 5,4 \text{ m/s}$$

Svar: 5,4 m/s