

1446

$$(a) \begin{cases} x+y=2 & (1) \\ y=kx+m & (2) \end{cases}$$

Omskrivning av ekvation (1) ger

$$y = 2 - x \quad (1-x)$$

$$y = 2 - x = 2 - 1 \cdot x$$

Delta beskriver en linje med lutningen (-1) . Då beskrivs alltså

linje L_1 av ekvation (1) och linje L_2 av ekvation (2).

Linje L_2 har lutningen

$$\frac{\Delta y}{\Delta x} = \frac{2}{3}$$

$$\text{alltså är } k = \frac{2}{3}$$

$$\underline{\text{Svar: } k = \frac{2}{3}}$$

(b) Avläsning av skärningspunktens

koordinater ger $x = 3, y = 1$

$$\underline{\text{Svar: }} \begin{cases} x = 3 \\ y = 1 \end{cases}$$

(c) Ekvationssystemet har oändligt många lösningar då linjerna

L_1 och L_2 helt sammanfaller (dvs har samma k -värde och

samma m -värde). Så blir fallet då $m = 2, k = -1$

Jämför med
(1-x) ovan.

$$\underline{\text{Svar: } m = 2, k = -1}$$

(d) Ur figuren ser vi att linje L_2 beskrivs av ekvationen

$$y = \frac{2}{3}x - 3$$

lutningen bestämdes i (a)-uppgiften ovan

linjen skär y-axeln i $(0, -3)$

Det k -värde som nu efterfrågas är linje L_1 's k -värde. L_1 beskrivs av ekv.

$$y = kx + 2$$

1446

(forts)

Ekvationssystemet kan alltså nu skrivas

$$\begin{cases} y = \frac{2}{3}x - 3 & (1) \\ y = kx + 2 & (2) \end{cases}$$

OBS! k här är något annat än k i a -uppgiften.

Insättningen av $x=6$, $y=1$ i ekvation (2) ger

$$1 = k \cdot 6 + 2$$

$$-1 = k \cdot 6$$

$$6k = -1$$

$$k = -\frac{1}{6}$$

Svar: $k = -\frac{1}{6}$