

2332

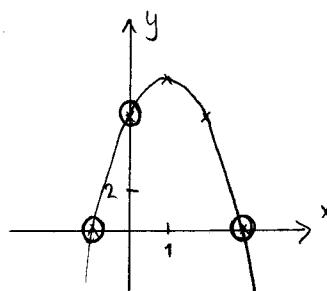
(a) Från grafen ser vi att

$$y(-1) = 0$$

$$y(0) = 6$$

$$y(3) = 0$$

Välj tre punkter  
på grafen



Insättning i  $y = ax^2 + bx + c$  ger

$$\left\{ \begin{array}{l} 0 = a(-1)^2 + b(-1) + c \\ 6 = a \cdot 0^2 + b \cdot 0 + c \end{array} \right. \quad (1)$$

$$\left\{ \begin{array}{l} 0 = a \cdot 0^2 + b \cdot 0 + c \\ 6 = a \cdot 3^2 + b \cdot 3 + c \end{array} \right. \quad (2)$$

$$\left\{ \begin{array}{l} 0 = a \cdot 3^2 + b \cdot 3 + c \\ 6 = a \cdot 0^2 + b \cdot 0 + c \end{array} \right. \quad (3)$$

Efter (2) ger  $c = 6$ .

$$\left\{ \begin{array}{l} 0 = a - b + 6 \\ 0 = 9a + 3b + 6 \end{array} \right. \quad (2*)$$

$$\left\{ \begin{array}{l} 0 = a - b + 6 \\ 0 = 9a + 3b + 6 \end{array} \right. \quad (3*)$$

Multiplicera (2\*) med 3 och addera ledvis:

$$0 = 12a + 24$$

$$a = -2$$

Insättning i (2\*) ger

$$0 = -2 - b + 6$$

$$b = 4$$

Svar:  $a = -2, b = 4, c = 6$

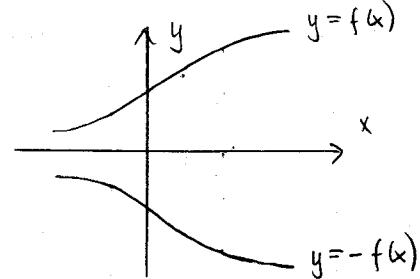
(b) Kurvans ekvation kunde alltså skrivas  $y = -2x^2 + 4x + 6 = 0$ .

Allmänt gäller att en kurva  $y = f(x)$  speglas i  $x$ -axeln så

kan den speglade grafen skrivas  $y = -f(x)$ .

I värst fall blir alltså den speglade

$$\begin{aligned} \text{kurvans ekvation } y &= -(-2x^2 + 4x + 6) \\ &= 2x^2 - 4x + 6. \end{aligned}$$



Svar: Värden a, b och c byter tecken.