

3460

$$f(x) = \int_0^x (3t^2 - 3) dt = \left[t^3 - 3t \right]_0^x = x^3 - 3x - 0 = x^3 - 3x, \quad x \geq 0$$

Alltså:

$$f(x) = x^3 - 3x, \quad x \geq 0$$

Bestäm minsta värdet:

Derivatans nollställen

$$f'(x) = 3x^2 - 3 = 3(x^2 - 1)$$

$$f'(x) = 0 \text{ ger } 3x^2 - 3 = 0$$

$$3x^2 = 3$$

$$x = \pm 1 \quad (x \geq 0)$$

Teckentabell

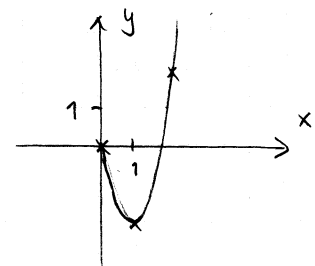
x	0	1	
f'(x)	•	-	+
f(x)	0	↓	-2

Extremvärden

$$f(1) = 1^3 - 3 \cdot 1 = -2$$

$$f(0) = 0^3 - 3 \cdot 0 = 0$$

(Grafen



Svar: Minsta värdet är -2